

ECUACIONES DIFERENCIALES
TERCER EXAMEN PARCIAL E0600

Un resorte está suspendido de un techo. Un objeto M de 4 lb de peso se fija en el extremo libre del resorte y este se estira 2 ft hasta llegar a su posición de equilibrio. De esta posición se le desplaza 1 ft hacia abajo, donde se le imprime una velocidad de 6 ft/s hacia arriba en $t = 0$. Desde este instante se aplica al sistema masa-resorte una fuerza externa $F(t) = F_1 \sin \gamma t$ lb y el medio opone al movimiento de M una resistencia numéricamente igual a $\beta v(t)$ lb, donde $v(t)$ es la velocidad instantánea de M .

- (1) Si $\beta = 0$ y $F_1 = 0$, calcular el período, la frecuencia, la amplitud y el ángulo de fase del movimiento resultante.
- (2) Si $\beta = 0$ y $F_1 = 0$, ¿En qué instante pasa M por la posición de equilibrio dirigiéndose hacia arriba por cuarta vez?. ¿Con qué velocidad y aceleración?
- (3) Si $\beta = 1$ y $F_1 = 0$, calcular la posición $x(t)$ de M y determinar el tipo de movimiento amortiguado que resulta.
- (4) Si $\beta = 1$ y $F_1 = 0$, ¿Pasa M por la posición de equilibrio?. ¿Con qué velocidad?
- (5) Si $\beta = 1$ y $F_1 = 0$, determinar el instante $t > 0$ en que M se encuentra más distante de la posición de equilibrio y calcular dicho desplazamiento máximo.
- (6) Si $\beta = 2$ y $F_1 = 12.5$ y $\gamma = 2$, determinar la posición $x(t)$ de M en cualquier instante $t \geq 0$.